

●●● コラム 平均の加速度と瞬間の加速度

速度と同様、加速度もその大きさと向きが時々刻々と変化し、一定でないことがある。この場合、式⑥で計算した加速度を平均の加速度という。

また、時々刻々と加速度が変化するときの、ある一瞬の加速度を瞬間の加速度という。非常に短い時間の速度の変化を式⑥に代入して計算した加速度は、瞬間の加速度を表すと考えてよい。

一般に、加速度というときは瞬間の加速度をさすことが多い。

問10 x 軸上を運動する物体の速度が、時刻 1.5 s には 3.0 m/s、時刻 3.5 s には -2.0 m/s であった。時刻 1.5 s から 3.5 s の間の加速度 (平均の加速度) は、どちら向きに何 m/s^2 か。 (x 軸の負の向きに 2.5 m/s^2)

■ **等加速度直線運動** 自動車が一定の加速度で速度を増すような場合のように、一定の加速度で直線上を進む運動を等加速度直線運動という。

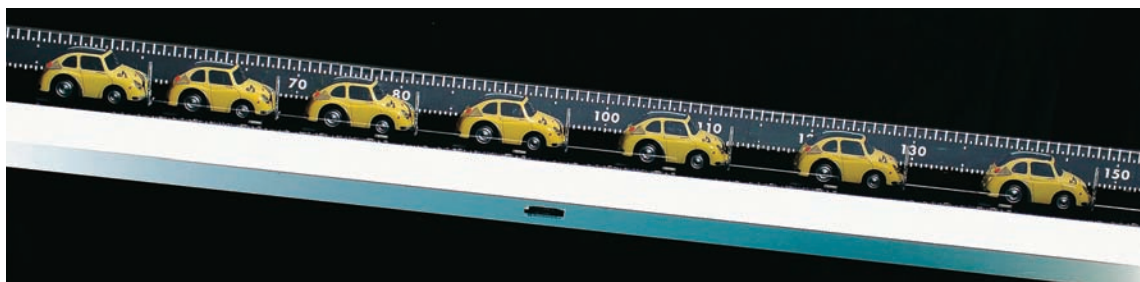


図11 等加速度直線運動をする模型自動車のストロボ写真 斜面上に沿って物体をすべらせると、物体は一定の加速度で直線運動をする。

■ **等加速度直線運動の式** 加速度 $a[\text{m/s}^2]$ で等加速度直線運動をしている物体を考える。物体の時刻 0 s における速度 (これを初速度という) を $v_0[\text{m/s}]$ 、時刻 $t[\text{s}]$ における速度を $v[\text{m/s}]$ とすると、式⑥で、 $\Delta t = t$ 、 $\Delta v = v - v_0$ とすることで、

$$v = v_0 + at \quad v: \text{速度} \quad v_0: \text{初速度} \quad a: \text{加速度} \quad t: \text{時刻} \quad (7)$$

が導かれる。式⑦において、速度 v と時刻 t との関係を表すグラフ (v - t グラフ) は、図 12 のように、傾きは加速度 a 、縦軸 (v 軸) の切片は初速度 v_0 を表す直線となる*1。

また、この等加速度直線運動で、物体が時刻 $t=0$ s に x 軸の原点 $O(x=0 \text{ m})$ を通過したとすると、時刻 $t[\text{s}]$ における物体の位置 $x[\text{m}]$ は、

$$x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2 \quad x: \text{位置} \quad v_0: \text{初速度} \quad t: \text{時刻} \quad a: \text{加速度} \quad (8)$$

★1 変数 x 、 y の関係が、 $y = ax + b$ (a 、 b は定数) で表されるとき、 y は x の1次関数であるという。グラフに表すと、傾きが a 、 y 切片が b ($x=0$ のとき、 $y=b$) の直線となる。 $a > 0$ のときは右上がり、 $a < 0$ のときは右下がりの直線となる。

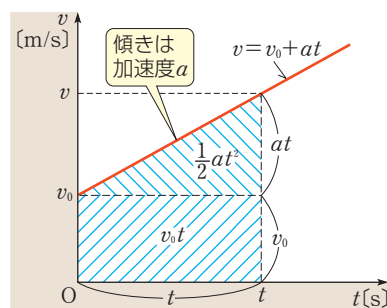


図12 等加速度直線運動の v - t グラフ